

10.º ano

1.a Fase (2025)

Nível 1

Na eleição para uma associação desportiva, 108
pessoas votaram nos candidatos A, B, C e D
segundo preferências, tendo-se obtido os
resultados da tabela junta. Se fosse usado o método
de maioria absoluta:

,	(1)	vancador	caria	^	candidato	۸.
((\mathbf{A}) 0	vencedor	seria	O	candidato	Α,

- (B) o vencedor seria o candidato B;
- (C) o vencedor seria o candidato C;
- (D) o vencedor seria o candidato D;
- (E) ninguém saíria vencedor.

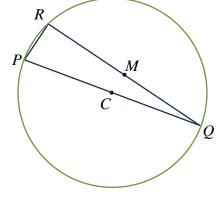
Preferências dos votantes	Candidatos					
1.ª	A	A	D	D	В	
2.ª	В	С	В	С	A	
3.ª	С	В	С	В	С	
4.ª	D	D	A	A	D	
N.º de votos	26	19	19	30	14	

- 2. Considera, na figura, o triângulo [*PQR*] inscrito na circunferência de centro *C*. Sabe-se que:
 - [PQ] é um diâmetro da circunferência;
 - M é ponto médio de [QR].

Qual dos pontos seguintes é o ortocentro do triângulo [PQR]?

- (A) P
- (B) Q
- (C) R

- (D) *C*
- (E) M



- 3. A expressão (x+5)(x+4)-x-4 é igual à expressão:
 - (A) $(x+4)^2$
- (B) $(x+5)^2$
- (C) $(x+6)^2$

(D) $x^2 + 20$

- (E) $x^2 + 8x + 5$
- 4. Considera o seguinte conjunto de dados numéricos: 4 8 1 12 15 12 4 2 16.

Acrescenta-se um décimo número, x, a este conjunto de dados de maneira que a mediana seja igual a 9,5. Qual é o valor de x?

- (A) 10,5
- (B) 11
- (C) 11,5
- (D) 12
- (E) 12,5



Nível 2

5. certa escola, OS alunos escolheram a lista para liderar a Associação de Estudantes para o ano letivo 2024/2025, tendo-se obtido os



resultados da tabela. Sejam x a percentagem da abstenção e y a percentagem de alunos que exerceu o seu direito de voto e não votou em nenhuma das listas concorrentes. Qual é a proposição verdadeira?

N.º de alunos inscritos	963
N.º de votantes	725
Votos da lista A	232
Votos da lista B	419
Votos brancos	28
Votos nulos	46

(A)
$$x = \frac{963-725}{725}$$
 e $y = \frac{28+46}{725}$

(B)
$$x = \frac{963 - 725}{963}$$
 e $y = \frac{28 + 46}{725}$

(C)
$$x = \frac{963 - 725}{725}$$
 e $y = \frac{28 + 46}{963}$

(D)
$$x = \frac{963 - 725}{963}$$
 e $y = \frac{28 + 46}{963}$

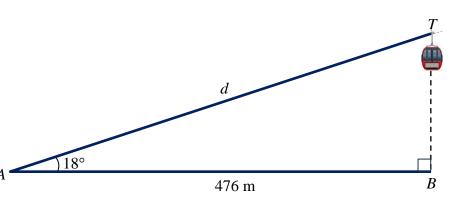
(E)
$$x = \frac{963 - 232 - 419}{963}$$
 e $y = \frac{28 + 46}{725}$

6. A variância de um certo conjunto de dados é igual a 5.

Qual é, aproximadamente, o desvio-padrão desses dados?

- (A) 2,2
- (B) 2,5
- (C) 2,7
- (D) 3,1
- (E) 3,3

7. Considera, na figura, o triângulo [ABT],retângulo em B, e onde Trepresenta um teleférico que percorre uma distância de d metros (comprimento do



segmento [AT]). A distância do teleférico ao solo é dada pelo comprimento do segmento [BT]. Sabe-se que:

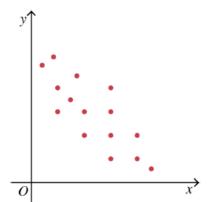
- $\overline{AB} = 476 \text{ m}$;
- $B\hat{A}T = 18^{\circ}$.

Qual das expressões a seguir permite determinar, em metros, o valor de d?

- (A) $\frac{\text{tg}18^{\circ}}{476}$
 - (B) $476 \operatorname{sen} 18^{\circ}$ (C) $476 \cos 18^{\circ}$ (D) $\frac{476}{\cos 18^{\circ}}$ (E) $\frac{476}{\sin 18^{\circ}}$



8. Na figura está representada a nuvem de pontos correspondente a uma amostra de dados bivariados quantitativos. Em qual das opções seguintes podem estar o coeficiente de correlação linear, r, e a equação reduzida da reta de regressão linear, de y sobre x?



(A)
$$r \approx 0.8$$
 e $y = 0.88x + 3.22$

(B)
$$r \approx 0.8$$
 e $y = -0.88x - 3.22$

(C)
$$r \approx -0.8$$
 e $y = 0.88x + 3.22$

(D)
$$r \approx -0.8$$
 e $y = -0.88x - 3.22$

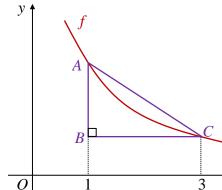
(E)
$$r \approx -0.8$$
 e $y = -0.88x + 3.22$

Nível 3

- 9. A Liliana tem um ordenado bruto de 2600 euros. Sabe-se que ela ganha, por hora, um valor baseado em 12 meses. Atendendo ao número de horas semanais que a Liliana trabalha, quanto ganha ela numa semana?
 - (A) 575 €
- (B) 600 €
- (C) 625 €
- (D) 650 €
- (E) 675 €
- Dados dois números naturais a e b, sabe-se que $a^2 b^2 = 45$. 10.

Qual dos seguintes pode ser o valor de a+b?

- (A) 6
- (B) 10
- (C) 12
- (D) 15
- (E) 18
- Na figura, estão representados, em referencial 11. cartesiano de origem no ponto O:



- parte do gráfico de uma função f, definida por $f(x) = \frac{2}{x}, x \neq 0.$
- o triângulo [ABC], retângulo em B.

Sabe-se que:

- o ponto A pertence ao gráfico de f e tem abcissa 1;
- o ponto *B* tem abcissa 1;
- o ponto C pertence ao gráfico de f e tem abcissa 3.

Oual é o valor de \overline{AC} ?

- (A) $\frac{5}{3}$
- (B) $\frac{\sqrt{7}}{4}$ (C) $\frac{2\sqrt{13}}{3}$
- (D) $\frac{4\sqrt{13}}{3}$ (E) $\frac{5\sqrt{13}}{3}$



Considera, na figura, a semicircunferência de diâmetro [AB] e 12. os triângulos inscritos [ABP] e [ABQ].

Sabe-se que:





Sejam $\overline{AQ} = x$ e $\overline{BP} = y$. Qual é o valor de $y^2 - x^2$?

(A) 1

(B) 3

(C) 5

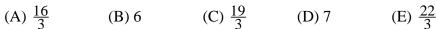
(D) 6

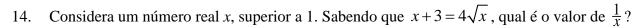
(E) 8

Nível 4

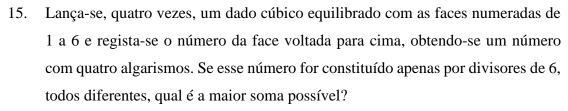
- Dado o triângulo [PQR] da figura, sabe-se que: 13.
 - *M* é o ponto médio do lado [*QR*];
 - B é o baricentro do triângulo [PQR];
 - o triângulo [BMR] é retângulo em M;
 - a área do triângulo [PQR] é 16 cm²;
 - $\overline{BM} = 2 \text{ cm}$.

Qual é, em cm, o valor de QR?





(A) $\frac{1}{7}$ (B) $\frac{5}{4}$ (C) $\frac{3}{4}$ (D) $\frac{1}{9}$ (E) $\frac{2}{9}$





(A) 11

(B) 12

(C) 13

(D) 14

(E) 15

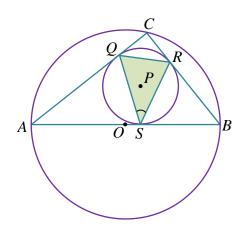


- 16. Considera, na figura:
 - o triângulo [ABC] inscrito na circunferência de centro O
 e de diâmetro [AB];
 - a circunferência de centro *P* inscrita no triângulo [*ABC*];
 - o triângulo [*QRS*] inscrito na circunferência de centro *P*.

Qual é o valor de $Q\hat{S}R$?

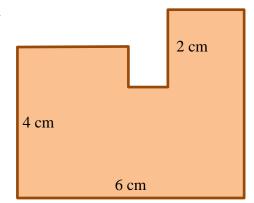
- (A) 90°
- (B) 75°
- (C) 60°

- (D) 45°
- $(E) 30^{\circ}$



Nível 5

- 17. Dado um número real positivo a, é possível determinar um valor aproximado de \sqrt{a} usando a fórmula $\sqrt{a} \approx \frac{a+b}{2\sqrt{b}}$, sendo b o quadrado perfeito mais próximo de a. Por exemplo, $\sqrt{70} \approx \frac{70+64}{2\sqrt{64}} = \frac{1344}{16} = 8,375$. Usando este processo, qual é, arredondado às centésimas, o valor de $\sqrt{32}$?
 - (A) 5,63
- (B) 5,64
- (C) 5,65
- (D) 5,66
- (E) 5,67
- 18. Considera o polígono da figura constituído por segmentos de reta horizontais e verticais. Qual é, em cm, o valor do perímetro da figura?
 - (A) 22
 - (B) 23
 - (C) 24
 - (D) $\frac{51}{2}$
 - (E) $\frac{53}{2}$





- Considera o retângulo [ABCD] da figura. Sabe-se que: 19.
 - E é um ponto do lado [AD] e F é um ponto do lado [BC];
 - M é o ponto médio do lado [AB] e é o centro de uma circunferência de raio [EM] e [FM];



•
$$\overline{DE} = 3$$
;

•
$$A\hat{M}E = B\hat{M}F = 45^{\circ}$$
.

Qual é a área da zona colorida?

(A)
$$16-2\pi$$

(B)
$$16 - \pi$$

(C)
$$32-2\pi$$
 (D) $32-\pi$ (E) $20-\frac{\pi}{2}$

(D)
$$32 - \pi$$

(E)
$$20 - \frac{\pi}{2}$$

D

3

 \boldsymbol{E}

- Na figura, estão representados, num referencial *xOy*: 20.
 - parte do gráfico da função f, definida por $f(x) = (x+2)^2 + 3$;
 - parte do gráfico da função g, definida por $g(x) = 7 (x+2)^2$;
 - o losango [ABCD] onde A e B são pontos dos dois gráficos, C é o vértice do gráfico de f e D é o vértice do gráfico de g.

Qual é a área do losango [ABCD]?

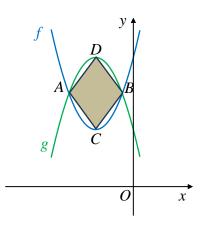
(A)
$$\frac{31}{2}$$

(B)
$$\frac{29}{2}$$

(C)
$$5\sqrt{2}$$

(D)
$$15\sqrt{2}$$

(E)
$$8\sqrt{2}$$



M

FIM